

Session du 3 avril 2019 – 15 questions, 4 affirmations à qualifier VRAI ou FAUX par question.
Calculatrice de la plateforme uniquement.

Raisonnement logique

Question 1

Il arrive qu'Alain amène des croissants à ses collègues quand il arrive en retard à son travail le lundi matin.

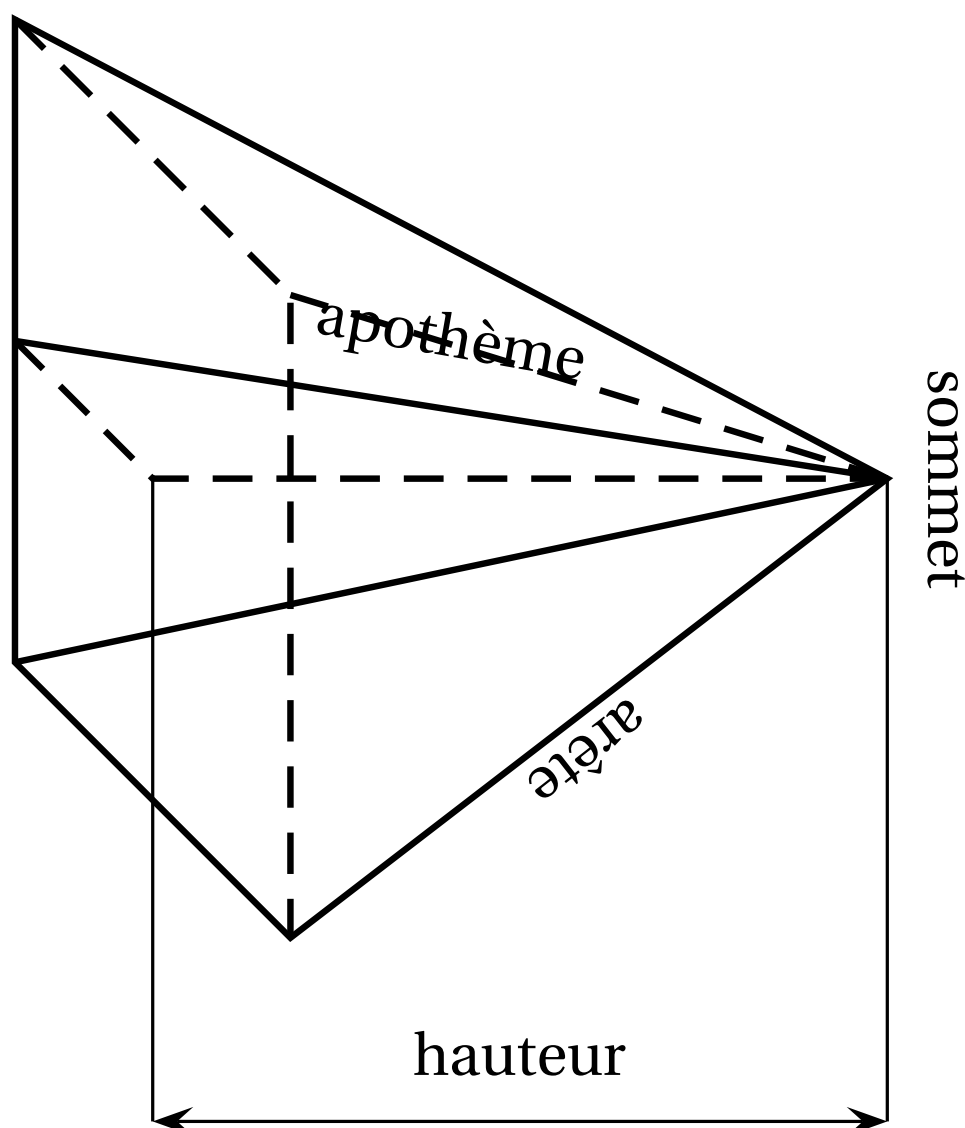
Le lundi matin de la semaine dernière, il n'a pas amené de croissants à ses collègues.

À partir de ces informations, on peut conclure que :

Affirmation	VRAI	FAUX
A. Alain est arrivé à l'heure le lundi matin de la semaine dernière.	☐	☐
B. Alain est peut-être arrivé en retard le lundi matin de la semaine dernière.	☐	☐
C. Alain est souvent en retard.	☐	☐
D. Au moins une fois par mois, Alain arrive en retard.	☐	☐

Question 2

Soit une pyramide rectangulaire régulière qui a pour base un carré de 6 cm de côté. Sa hauteur, passant par le centre de la base, est de 4 cm. L'apothème de la pyramide régulière est le segment qui lie le sommet de la pyramide et le milieu de l'un des côtés de sa base. La pyramide possède 4 faces triangulaires et 4 arêtes. Son volume se calcule en multipliant la surface de sa base par le tiers de sa hauteur.



À partir de ces informations, on peut conclure que :

Affirmation	VRAI	FAUX
A. L'apothème de cette pyramide est de 5 cm.	☐	☐
B. La surface totale (base plus quatre faces) est de 95 cm^2 .	☐	☐
C. Le volume de cette pyramide est de 48 cm^3 .	☐	☐
D. L'arête de cette pyramide est supérieure à 6 cm.	☐	☐

Question 3

Un commerçant achète chez son fournisseur une certaine quantité de produit 1 au prix unitaire annoncé de 200 €. Il achète aussi 50 produits 2. Le montant total s'élève à 25 000 €. Très bon négociateur, il obtient une réduction de 10 % sur le prix des produits 1 et 20 % sur le prix des produits 2. Ceci lui permet de diminuer sa facture de 3 000 €. Finalement, il obtient encore une ristourne supplémentaire de 5 % sur l'ensemble.

Au bout de 3 mois, le commerçant a réussi à revendre l'ensemble de ses produits. Par rapport aux prix

initiaux annoncés par le fournisseur, il a vendu les produits 2, 10 % plus cher et la moitié des produits 1, 20 % plus cher, les autres ayant été vendus au prix initial.

À partir de ces informations, on peut conclure que :

Affirmation	VRAI	FAUX
A. Le commerçant a acheté le même nombre de produits 1 que de produits 2.	☐	☐
B. La négociation avec le fournisseur a permis de diminuer la facture initiale de plus de 20 %.	☐	☐
C. Le montant total de la revente est de 27 500 €	☐	☐
D. Le pourcentage de marge du commerçant (bénéfice divisé par le montant de la facture) est de plus de 25 %.	☐	☐

Question 4

Paul habite à 12 km de son amie Valérie. Une seule route relie les deux habitations. Elle monte pendant la moitié du parcours pour atteindre le sommet de la colline et redescend ensuite. Paul roule à vélo à 24 km/h en montée et 40 km/h en descente. À vélo, Valérie monte à 20 km/h et descend à 32 km/h. Ils décident de se rencontrer et quittent chacun leur maison à 10 h.

À partir de ces informations, on peut conclure que :

Affirmation	VRAI	FAUX
A. Lorsqu'ils se rencontreront Paul aura parcouru entre 6 et 7 km.	☐	☐
B. Ils se rencontreront à 10 h 17.	☐	☐
C. Lorsqu'ils se rencontreront Valérie aura passé plus de temps sur son vélo que Paul.	☐	☐
D. Pour pouvoir se rencontrer au sommet de la colline et sans que Valérie et Paul ne changent de vitesse, Valérie aurait dû partir à 9 h 56	☐	☐

Question 5

Nous possédons les informations suivantes concernant trois sports pratiqués par les 1 500 élèves d'une grande école de management.

- 400 pratiquent le tennis, 500 la natation et 150 le judo
- 300 pratiquent le tennis et la natation
- Il y a autant d'élèves à pratiquer les trois sports que d'élèves qui ne pratiquent que le tennis
- Ceux qui pratiquent seulement le tennis et le judo sont au nombre de 75
- 400 élèves pratiquent exactement deux sports.

À partir de ces informations, on peut conclure que :

Affirmation	VRAI	FAUX
A. 25 élèves pratiquent uniquement le tennis	☐	☐
B. Aucun élève ne pratique exclusivement le judo	☐	☐
C. Ceux qui pratiquent seulement la natation et le judo sont au nombre de 40	☐	☐
D. 900 élèves ne pratiquent aucun des sports cités.	☐	☐

Raisonnement mathématique

Question 6

On considère la fonction f définie pour tout x de $] -\infty ; 2]$ par :

$$f(x) = \frac{3}{2}e^{2x} - e^x - 2x - 4.$$

Affirmation	VRAI	FAUX
A. L'image du réel $-\ln 2$ par la fonction f est le réel $2\ln 2 - \frac{30}{8}$.	☐	☐
B. Pour tout x de $] -\infty ; 2]$, $f'(x) = (3e^x + 2)(e^x - 1)$.	☐	☐
C. Si a et b sont deux réels négatifs tels que $a < b$, alors $f(a) > f(b)$.	☐	☐
D. En posant $X = e^x$, on arrive à montrer que dans un repère du plan, la courbe représentative de la fonction f admet deux tangentes qui ont une pente égale à 2.	☐	☐

Question 7

On considère la fonction f définie pour tout x de $]0 ; +\infty[$ par :

$$f(x) = \frac{2\ln(x) - 1}{x}.$$

On munit le plan d'un repère orthonormé $(O; I, J)$. On note C la courbe représentative de f .

Affirmation	VRAI	FAUX
A. le point d'intersection entre C et l'axe des abscisses a pour abscisse α un réel compris entre 1 et 2.	☐	☐
B. f admet un maximum global qu'il vaut $2e^{-\frac{3}{2}}$.	☐	☐
C. La primitive de f qui s'annule pour $x = 1$ est la fonction F définie pour tout x de $]0 ; +\infty[$ par $F(x) = (\ln(x))^2 - \ln(x).$	☐	☐
D. (OJ) est l'unique asymptote verticale de C .	☐	☐

Question 8

On considère la suite (u_n) définie pour tout n de $\mathbb{N}$ par $u_{n+1} = \sqrt{u_n}$ et par $u_0 = e$.

On considère la suite (v_n) définie pour tout n de $\mathbb{N}$ par $v_n = \ln(u_n)$.

Pour tout n de $\mathbb{N}$, on note $S = v_0 + \dots + v_n$ et $P = u_0 \times \dots \times u_n$.

Affirmation	VRAI	FAUX
A. (v_n) est une suite géométrique de raison 0,5	☐	☐
B. Pour tout n de $\mathbb{N}$, $S = 2 - 0,5^n$	☐	☐
C. Pour tout n de $\mathbb{N}$, $P = e^5$.	☐	☐
D. $\lim_{n \rightarrow +\infty} P = +\infty$.	☐	☐

Question 9

On munit le plan d'un repère orthonormé (O, I, J) . On note Π la représentation graphique de la fonction carrée et Δ la droite d'équation $y = 3$. Π coupe Δ en deux points : A d'abscisse positive et B d'abscisse négative. On note D le point de (OI) ayant la même abscisse que A et C le point de (OI) ayant la même abscisse que B.

Affirmation	VRAI	FAUX
A. $\int_{-\sqrt{3}}^{\sqrt{3}} x^2 dx = 2\sqrt{3}$.	☐	☐
B. L'aire du quadrilatère ABCD est égale à $4\sqrt{3}$.	☐	☐
C. La surface P comprise entre le segment $[AB]$ et Π a pour aire $4\sqrt{3}$.	☐	☐
D. P représente deux tiers de l'aire de ABCD.	☐	☐

Question 10

La parapharmacie d'un hypermarché est ouverte pendant 10 heures le samedi. Quelle que soit l'heure, un seul vendeur est présent. Armand y travaille pendant six heures et Bernard y travaille pendant trois heures. Les plages horaires de présence varient, si bien que le fait qu'un client soit accueilli par Armand, par Bernard ou par un autre vendeur est aléatoire. Quand ils sont accueillis par Armand, 70 % des clients effectuent un achat alors que quand qu'ils seront accueillis par Bernard, 52 % des clients achètent.

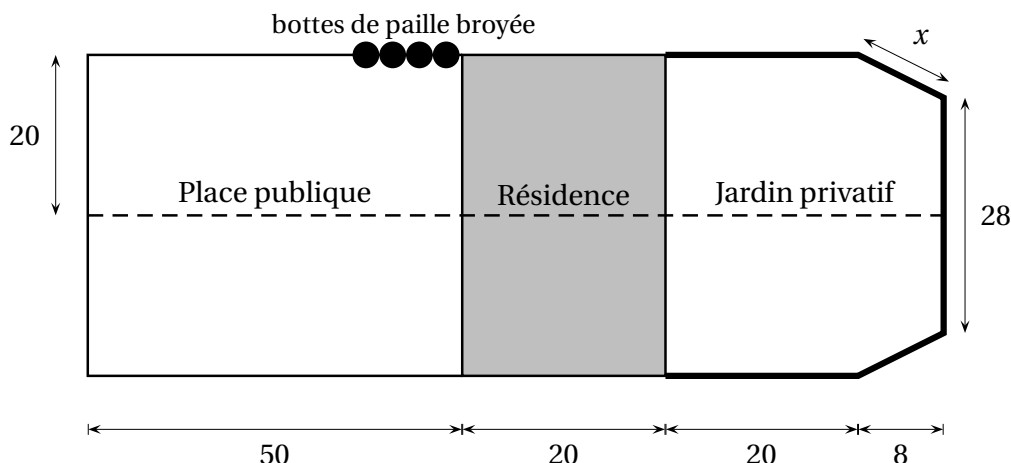
On interroge un client qui se présente dans la parapharmacie. On considère l'évènement suivant : on admet que la probabilité que le client choisi effectue un achat est de 0,59.

Affirmation	VRAI	FAUX
A. La probabilité que le client soit accueilli par Bernard ou n'effectue pas un achat est de 0,74.	☐	☐
B. La probabilité que le client effectue un achat sachant qu'il n'a pas été accueilli ni par Armand, ni par Bernard, est de 0,2.	☐	☐
C. la probabilité que le client ait été accueilli par Armand sachant qu'il n'a pas effectué d'achat et de $\frac{15}{41}$.	☐	☐
D. On choisit au hasard chaque samedi, un client et cela pendant n semaines. La probabilité qu'au moins un des n clients ait été accueilli par Armand est de $1 - 0,6^n$.	☐	☐

Problème mathématique

François, propriétaire d'une résidence hôtelière de 60 résidents, projette de réaliser des aménagements avant l'été.

La figure ci-dessous qui n'est pas à l'échelle est une représentation de la résidence (surface grisée-, de son jardin privatif et de la place publique sur laquelle donne l'entrée de la résidence.



Toutes les mesures seront données en mètres.

La place publique, la résidence et le jardin privatif sont symétriques par rapport à la droite horizontale fictive tracée en pointillés.

Question 11

François souhaite dans un premier temps réaliser un aménagement du jardin privatif, par l'implantation d'une haie paysagère sur le périmètre délimité dans le jardin à l'exception du côté bordant la résidence (traits épais sur le graphique côté jardin privatif).

À partir de ces informations, on peut conclure que :

Affirmation	VRAI	FAUX
A. La surface au sol de la résidence est égale à 800 m^2 .	☐	☐
B. La longueur x du côté du jardin est égale à 9 mètres.	☐	☐
C. La longueur de la haie paysagère à planter est égale à 84 mètres	☐	☐
D. La surface du jardin est égal à 1072 m^2 .	☐	☐

Question 12

Le devis d'une entreprise spécialisée en aménagement paysager prévoit pour ce chantier, correspondant à 40 heures de travail, l'emploi de deux salariés (Paul et Pierre).

Paul est engagé pour travailler h_1 heures avec un rendement de 2 mètres par heure. Quand il aura terminé, Pierre prendra le relais en travaillant h_2 heures avec un rendement 2,5 mètres par heure.

À partir de ces informations, on peut conclure que :

Affirmation	VRAI	FAUX
A. Pierre mettra 20 heures pour réaliser son travail	☐	☐
B. Paul va réaliser une longueur de haie supérieure de 25 % à celle que va réaliser Pierre	☐	☐
C. Si Pierre travaillait seul il mettrait moins de 35 heures	☐	☐
D. Si Pierre travaillait à la même cadence que Paul, le temps total mis par ces deux salariés serait augmenté de 10 %.	☐	☐

Question 13

François envisage également d'implanter une laverie en achetant deux machines à laver dont le prix unitaire est 4 000 €. Il estime à 2, le nombre moyen de lavages hebdomadaires par résident et tient compte d'une année à 50 semaines. Un résident paiera à François le prix de vente d'un lavage égal à x et le prix des fournitures par lavage (eau, lessive, adoucisseur fourni par François), égal à $0,1x^2$. François paiera le montant des charges fixes annuelles (amortissement, entretien des machines) qui est égal à 8 400 €.

À partir de ces informations, on peut conclure que :

Affirmation	VRAI	FAUX
A. Le coût annuel total des lavages payés par les résidents est égal à $6\,000x + 0,1x^2$.	☐	☐
B. Si le nombre annuel de lavage est divisé par 2, Le bénéfice annuel de François l'est aussi.	☐	☐
C. si $x = 3$, le bénéfice annuel de François sera de 15 000 €.	☐	☐
D. si $x = 3$, le coût d'un lavage pour un résident sera inférieur à 3,80 €.	☐	☐

Question 14

Pour financer le coût de ces 2 machines, François dispose d'un apport de 2 000 € et projette d'emprunter auprès de sa banque, la somme manquante, notée S , sur N années. Après étude du dossier, la banque lui propose un taux d'intérêts annuels égale à 5%. Tous les ans en fin d'année, François devra régler et 1 500 € correspondant au remboursement partiel de la somme empruntée, à savoir S/N , et payer en plus le montant des intérêts qui s'applique à la somme non encore remboursée en début d'année.

À partir de ces informations, on peut conclure que :

Affirmation	VRAI	FAUX
A. La durée du prêt est égal à quatre ans	☐	☐
B. Au début de la deuxième année, la somme non encore remboursée est égale à 4 200 euros	☐	☐
C. Les intérêts annuels diminuent de 90 € par an.	☐	☐
D. Le montant des intérêts payés pour le prêt est égal à 600 €.	☐	☐

Question 15

Franck doit par ailleurs préparer la fête annuelle de la résidence, qui aura lieu le 20 juillet sur la place publique. Pour des raisons de sécurité lors de cet manifestation, François doit clore la place publique sur les trois côtés (traits épais sur le graphique côté place publique).

Suite à une proposition d'un agriculteur local, il décidé de louer et d'installer sur le pourtour de la place, des bottes de paille broyée. Chaque botte est de forme cylindrique, de hauteur 1 mètre, de diamètre 1,25 m. Le poids de cette paille broyée est de 140 kg par mètre cube. Les bottes seront installées verticalement de la même manière que les 4 déjà représentées sur le schéma.

Le tarif de la location de ses bottes de paille proposée par l'agriculteur, repose sur le système dégressif suivant

	Tranche	Prix unitaire
Pour les 50 premières bottes livrées	1	5 euros HT
Pour les 50 suivantes	2	réduction de 10 % par rapport à la tranche 1
Pour les suivantes	3	4,20 euros TTC

Le taux de la taxe est égal à 20 % et s'applique au montant hors taxes (HT). Le montant de taxes comprises est égal au monde tard acheté Plus que la taxe, Et est noté TTC.

À partir de ces informations, on peut conclure que :

Affirmation	VRAI	FAUX
A. Le poids d'une botte et supérieur à 140 kg	☐	☐
B. Le prix unitaire acheté de la tranche trois est égal à 3,36 euros	☐	☐
C. Le prix payé par François sera le même, selon que la réduction de 10 % pour la tranche 2, s'applique sur le prix HT ou le prix TTC.	☐	☐
D. François devra régler 620,40 euros TTC pour la location des bottes dont il a besoin.	☐	☐