

1.

Augmenter de 15 % revient à multiplier par $1 + \frac{15}{100} = 1 + 0,15 = 1,15$.

Donc on passe de la population à l'instant n à celle à l'instant $n + 1$ en la multipliant par $1,15^n$, soit $u_{n+1} = u_n \times 1,15$.

En généralisant on a donc, quel que soit le naturel n , $u_n = 10000 \times 1,15^n$.

2.

La suite (u_n) est donc une suite géométrique de premier terme $u_0 = 10000$ et de raison $q = 1,15$.

3.

Au bout de 10 heures, il y aura :

$$u_{10} = 10000 \times 1,15^{10} \approx 40455,6,$$

soit environ 40 456 bactéries.

4.

Ces résultats montrent que la modélisation choisie ne veut rien dire : en un peu plus d'un an, les bactéries auraient envahi le laboratoire...

5.

La diminution en pourcentage est :

$$\frac{200000 - 4000}{200000} \times 100 = \frac{200 - 4}{200} \times 100 = \frac{196}{200} \times 100 = \frac{196}{2} = 98\%.$$