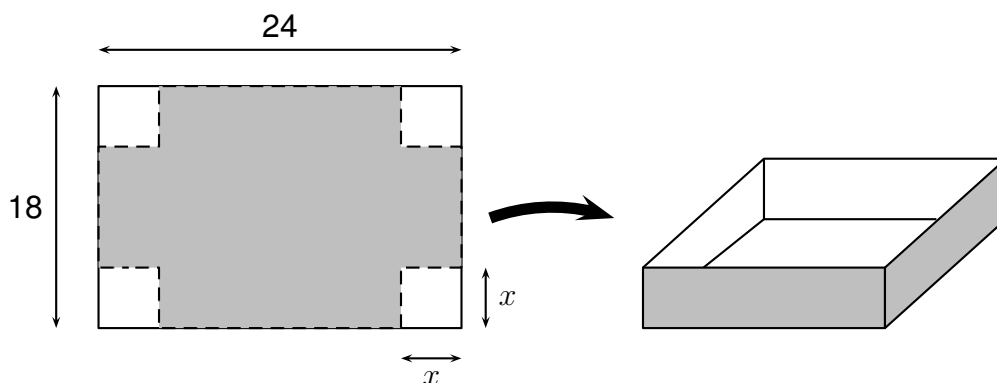


Un industriel souhaite fabriquer une boîte sans couvercle à partir d'une plaque de métal de 18 cm de largeur et de 24 cm de longueur. Pour cela, il enlève des carrés dont la longueur du côté mesure x cm aux quatre coins de la pièce de métal et relève ensuite verticalement pour fermer les côtés.



Le volume de la boîte ainsi obtenue est une fonction définie sur l'intervalle $[0 ; 9]$ notée $V(x)$.

- Justifier que pour tout réel x appartenant à $[0 ; 9]$: $V(x) = 4x^3 - 84x^2 + 432x$.
- On note V' la fonction dérivée de V sur $[0 ; 9]$.
Donner l'expression de $V'(x)$ en fonction de x .
- Dresser alors le tableau de variations de V en détaillant la démarche.
- Pour quelle(s) valeur(s) de x la contenance de la boîte est-elle maximale ?
- L'industriel peut-il construire ainsi une boîte dont la contenance est supérieure ou égale à 650 cm^3 ? Justifier.