

Partie A.

1. La relation $v_{n+1} = \frac{2}{3}v_n$, vraie pour tout entier naturel n , montre que la suite (v_n) est une suite géométrique de raison $q = \frac{2}{3}$ et de premier terme $v_0 = 1$.
2. On sait que $v_n = 1 \times \left(\frac{2}{3}\right)^n$, pour tout entier naturel n .

3.

$$S_{10} = 1 + \frac{2}{3} + \left(\frac{2}{3}\right)^2 + \cdots + \left(\frac{2}{3}\right)^9 (1).$$

En multipliant (1) par $\frac{2}{3}$, on obtient :

$$\frac{2}{3}S_{10} = \frac{2}{3} + \left(\frac{2}{3}\right)^2 + \cdots + \left(\frac{2}{3}\right)^{10} (2).$$

En faisant la différence (1) – (2), on obtient :

$$\frac{1}{3}S_{10} = 1 - \left(\frac{2}{3}\right)^{10},$$

d'où, en multipliant par 3, on obtient :

$$S_{10} = 3 - 3\left(\frac{2}{3}\right)^{10} = \frac{58025}{19683} \approx 2,94798.$$

Partie B.

4. termé(5) donne le sixième terme de la suite (w_n) définie par $w_1 = 4$ et $w_{n+1} = 2w_n - 3$.
On obtient les termes successifs : 4 ; 5 ; 7 ; 11 ; 19 ; 35.

5.

```
def sommeTermes(n) : w = 4
for i in range(n) :
    w = 2 * w - 3
return w
```