

## Partie A.

1. La relation  $v_{n+1} = \frac{2}{3}v_n$ , vraie pour tout entier naturel  $n$ , montre que la suite  $(v_n)$  est une suite géométrique de raison  $q = \frac{2}{3}$  et de premier terme  $v_0 = 1$ .

2. On sait que  $v_n = 1 \times \left(\frac{2}{3}\right)^n$ , pour tout entier naturel  $n$ .

3.

$$S_{10} = 1 + \frac{2}{3} + \left(\frac{2}{3}\right)^2 + \cdots + \left(\frac{2}{3}\right)^9 \quad (1).$$

En multipliant (1) par  $\frac{2}{3}$ , on obtient :

$$\frac{2}{3}S_{10} = \frac{2}{3} + \left(\frac{2}{3}\right)^2 + \cdots + \left(\frac{2}{3}\right)^{10} \quad (2).$$

En faisant la différence (1) – (2), on obtient :

$$\frac{1}{3}S_{10} = 1 - \left(\frac{2}{3}\right)^{10},$$

d'où, en multipliant par 3, on obtient :

$$S_{10} = 3 - 3\left(\frac{2}{3}\right)^{10} = \frac{58025}{19683} \approx 2,94798.$$

## Partie B.

4. `terme(5)` donne le sixième terme de la suite  $(w_n)$  définie par  $w_1 = 4$  et  $w_{n+1} = 2w_n - 3$ .  
On obtient les termes successifs : 4 ; 5 ; 7 ; 11 ; 19 ; 35.

5.

```
def somme_termes(n): w = 4
S = 4
longueur = 2
for i in range(n): w = 2 * w - 3
S = S + w
return S
```