

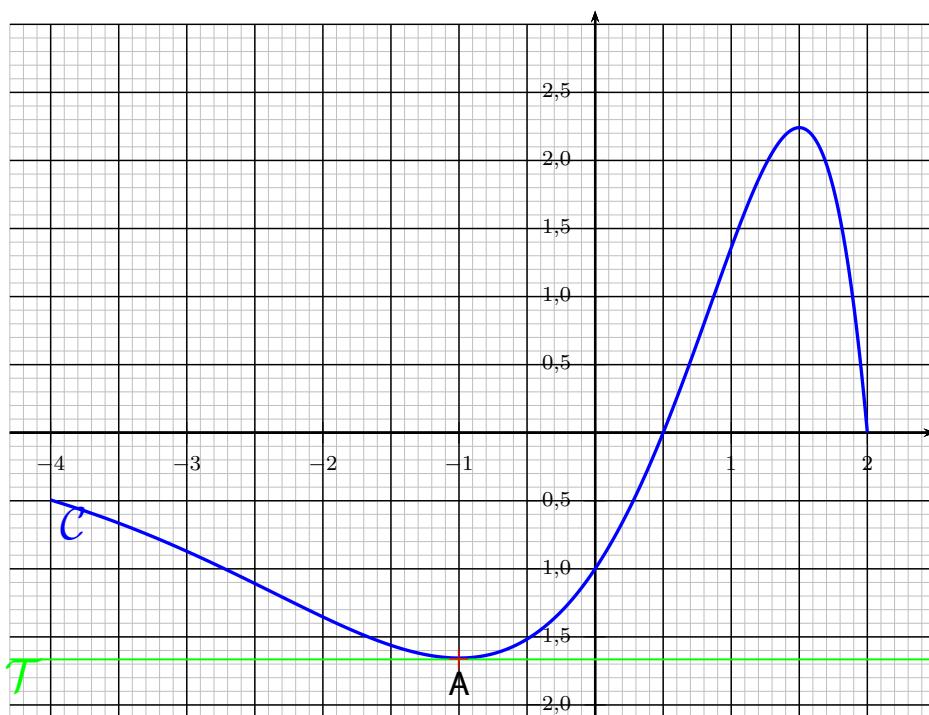
On considère une fonction  $f$  définie et dérivable sur l'intervalle  $[-4 ; 2]$ .

La fonction dérivée de  $f$  est notée  $f'$ .

Dans le repère orthonormé ci-dessous, la courbe  $\mathcal{C}$  est la courbe représentative de  $f$  sur l'intervalle  $[-4 ; 2]$ .

Le point A est le point de la courbe  $\mathcal{C}$  d'abscisse  $-1$ .

La droite  $\mathcal{T}$  est la tangente à la courbe  $\mathcal{C}$  en A.



1. Par lecture graphique, donner la valeur de  $f'(-1)$ .

2. Résoudre, graphiquement, l'inéquation  $f'(x) \leqslant 0$ .

On admet que la fonction  $f$  est définie sur  $[-4 ; 2]$  par  $f(x) = (-x^2 + 2,5x - 1)e^x$ .

3. Vérifier que, pour tout réel  $x$  de l'intervalle  $[-4 ; 2]$ ,

$$f'(x) = (-x^2 + 0,5x + 1,5)e^x.$$

4. Étudier le signe de la fonction  $f'$  sur l'intervalle  $[-4 ; 2]$ .

5. En déduire les variations de  $f$  sur l'intervalle  $[-4 ; 2]$ .