

1.

a. Avec des notations évidentes :

$$p(V) = \frac{60}{100} = 0,60; \quad p(B) = \frac{30}{100} = 0,30 \quad \text{et} \quad p(R) = \frac{10}{100} = 0,10.$$

Dans ces trois cas, on n'a gagné respectivement :  $-2 + 0 = -2$ ,  $-2 + 4 = 2$  et  $-2 + 8 = 6$  jetons.  
D'où le tableau de probabilité de la variable  $X$  :

Valeurs $a$ prises par $X$	-2	2	6
$p(X = a)$	0,6	0,3	0,1

b. On a :

$$E(X) = -2 \times 0,6 + 2 \times 0,3 + 6 \times 0,1 = -1,2 + 0,6 + 0,6 = -1,2 + 1,2 = 0,$$

le jeu est équitable.

c. On a :

$$V(X) = 0,6 \times (-2)^2 + 0,3 \times 2^2 + 0,1 \times 6^2 = 2,4 + 1,2 + 3,6 = 7,2,$$

$$\sigma(X) = \sqrt{7,2} \approx 2,68.$$

2.

Si on ajoute  $n$  billes vertes, il y aura  $100 + n$  billes.

Les probabilités deviendront :

$$p(R) = \frac{10}{100 + n}, \quad p(B) = \frac{30}{100 + n} \quad \text{et} \quad p(V) = \frac{60 + n}{100 + n}.$$

L'espérance devient :

$$E(X) = -2 \times \frac{(60 + n)}{100 + n} + 2 \times \frac{30}{100 + n} + 6 \times \frac{10}{100 + n} = -1,$$

d'où :

$$-120 - 2n + 60 + 60 = -(100 + n).$$

En résolvant, on trouve  $n = 100$ .