

Question 1

Une équation de la tangente à la courbe représentative de g au point d'abscisse 2 est :

$$y - g(2) = g'(2)(x - 2).$$

Avec $g'(x) = 4x + 5$, $g'(2) = 8 + 5 = 13$ et $g(2) = 8 + 10 - 4 = 14$, l'équation devient :

$$\begin{aligned} y - 14 &= 13(x - 2) \\ y &= 13x - 26 + 14 \\ y &= 13x - 12. \end{aligned}$$

Question 2

Avec $\overrightarrow{AD} \begin{pmatrix} -2 \\ 3 \end{pmatrix}$ et $\overrightarrow{BD} \begin{pmatrix} -7 \\ 5 \end{pmatrix}$, on a :

$$\overrightarrow{AD} \cdot \overrightarrow{BD} = 14 + 15 = 29.$$

Question 3

Une équation de la parallèle \mathcal{D}' à \mathcal{D} contenant A est de la forme :

$$M(x; y) \in \mathcal{D}' \iff 3x - 4y + c = 0.$$

Or :

$$A(4; 8) \in \mathcal{D}' \iff 3 \times 4 - 4 \times 8 + c = 0,$$

d'où $c = 20$.

Une équation de \mathcal{D}' est donc $3x - 4y + 20 = 0$.

Question 4

On sait que pour tout entier naturel n , $u_n = u_0 \times q^n = 10 \times (-1,2)^n$.

En particulier :

$$u_{3000} = 10 \times (-1,2)^{3000} \approx 3 \times 10^{238} > 1000.$$

Question 5

```
def algo() : V = 1 n = 0 while V < 100000 : n = n + 1 V = 4 * V + 2 return(n)
```

Le programme donnera $n = 8$.