

1.

On a donc $u_2 = 200 + 5 = 205$ et $u_3 = u_2 + 5 = 205 + 5 = 210$.

De même, on a :

$$v_2 = 200 \times \left(1 + \frac{2}{100}\right) = 200 \times 1,02 = 204 \quad \text{et} \quad v_3 = v_2 \times 1,02 = 208,80 \text{ (en euros)}.$$

2.

a.

```
u = 200
v = 200
n = int(input("Saisir une valeur de n :"))
for i in range(1,n) :
    u = u + 5
    v = v * 1.02
print("Pour n =",n,"on a","u =",u,"et v =",v)
```

b. On a :

$$u_4 = u_3 + 5 = 215 \quad \text{et} \quad v_4 = v_3 \times 1,02 \approx 110,98.$$

3.

Quel que soit le naturel n , $n \geq 1$, on a :

- $u_{n+1} = u_n + 5$: la suite (u_n) est une suite arithmétique de premier terme 200 et de raison 5, donc $u_n = 200 + 5(n - 1)$.
- $v_{n+1} = v_n \times 1,02$: la suite (v_n) est une suite géométrique de premier terme 200 et de raison 1,02, donc $v_n = 200 \times 1,02^{n-1}$.

4.

3 ans correspondent à $3 \times 12 = 36$ mois de loyers.

- Avec le premier contrat :

$$S_{36} = u_1 + u_2 + \cdots + u_{36},$$

que l'on peut écrire :

$$S_{36} = 200 + 205 + \cdots + 200 + 5 \times 35,$$

ou encore :

$$S_{36} = 200 + 5 \times 35 + \cdots + 205 + 200,$$

et en sommant membres à membres :

$$2S_{36} = 36 \times (200 + 200 + 5 \times 35) = 36 \times 575 = 20700,$$

d'où $S_{36} = 10350$ (euros).

- Avec le second contrat :

$$T_{36} = v_1 + v_2 + \dots + v_{36},$$

que l'on peut écrire :

$$T_{36} = 200 + 200 \times 1,02 + \dots + 200 \times 1,02^{35} \quad (1),$$

d'où, par produit par 1,02 :

$$1,02T_{36} = 200 \times 1,02 + 200 \times 1,02^2 + \dots + 200 \times 1,02^{36} \quad (2),$$

et par différence (2) - (1) :

$$0,02T_{36} = 200 \times 1,02^{36} - 200,$$

d'où :

$$T_{36} = \frac{200 \times 1,02^{36} - 200}{0,02} \approx 10398,87 \text{ (euros)}.$$

C'est donc le premier contrat qui reviendra le moins cher (de peu!).