

Le dépôt de carburant de Koumourou, à Ducos, dispose de trois sphères de stockage de butane.

1. La plus grande sphère du dépôt a un diamètre de 19,7 m. Montrer que son volume de stockage est d'environ 4,000 m³.

On rappelle que le volume d'une boule est donné par : $V = \frac{4}{3} \times \pi \times R^3$, où R est le rayon de la boule.

2. Tous les deux mois, 1,200 tonnes de butane sont importées sur le territoire.

1 m³ de butane pèse 580 kg. Quel est le volume, en m³, correspondant aux 1,200 tonnes ?

Arrondir le résultat à l'unité.

3. Les deux plus petites sphères ont des volumes de 1,000 m³ et 600 m³. Seront-elles suffisantes pour stocker les 1,200 tonnes de butane, ou bien aura-t-on besoin de la grande sphère ?

Justifier la réponse.

Correction

1. La plus grande sphère du dépôt a un diamètre de 19,7 m, donc un rayon de 9,85 m.

$$V_{\text{grande sphère}} = \frac{4}{3} \times \pi \times 9,85^3$$

$$\approx 4\,003 \text{ m}^3$$

Le volume de stockage de la plus grande sphère du dépôt est bien d'environ 4,000 m³.

2. 1 m³ de butane pèse 580 kg soit 0,58 tonne.

On a une situation de proportionnalité :

Volume en m ³	1	V
Masse en tonne	0,58	1 200

Le volume V correspondant aux 1,200 tonnes est : $V = \frac{1 \times 1\,200}{0,58} \approx 2\,069 \text{ m}^3$.

3. Le volume total des deux plus petites sphères est de $1\,000 + 600 = 1\,600 \text{ m}^3$.

Ce volume est inférieur aux 2,069 m³ correspondant à 1,200 tonnes de butane, donc la grande sphère sera nécessaire.