

Léa pense qu'en multipliant deux nombres impairs consécutifs (c'est-à-dire qui se suivent) et en ajoutant 1, le résultat obtenu est toujours un multiple de 4.

### 1. Étude d'un exemple :

5 et 7 sont deux nombres impairs consécutifs.

- (a) Calculer  $5 \times 7 + 1$ .
- (b) Léa a-t-elle raison pour cet exemple ?

### 2. Le tableau ci-dessous montre le travail qu'elle a réalisé dans une feuille de calcul.

	A	B	C	D	E
1		Nombre impair	Nombre impair suivant	Produit de ces nombres impairs consécutifs	Résultat obtenu
2	x	$2x + 1$	$2x + 3$	$(2x + 1)(2x + 3)$	$(2x + 1)(2x + 3) + 1$
3	0	1	3	3	4
4	1	3	5	15	16
5	2	5	7	35	36
6	3	7	9	63	64
7	4	9	11	99	100
8	5	11	13	143	144
9	6	13	15	195	196
10	7	15	17	255	256
11	8	17	19	323	324
12	9	19	21	399	400

- (a) D'après ce tableau, quel résultat obtient-on en prenant comme premier nombre impair 17 ?
- (b) Montrer que cet entier est un multiple de 4.
- (c) Parmi les quatre formules de calcul tableur suivantes, deux formules ont pu être saisies dans la cellule D3. Lesquelles? Aucune justification n'est attendue.

Formule 1 :

Formule 2 :

Formule 3 :

Formule 4 :

### 3. Étude algébrique :

- (a) Développer et réduire l'expression  $(2x + 1)(2x + 3) + 1$ .
- (b) Montrer que Léa avait raison: le résultat obtenu est toujours un multiple de 4.