

Exercice 1
13 points

Damien a fabriqué trois dés à six faces parfaitement équilibrés mais un peu particuliers.

Sur les faces du premier dé sont écrits les six plus petits nombres pairs strictement positifs : 2 ; 4; 6 ; 8 ; 10; 12.

Sur les faces du deuxième dé sont écrits les six plus petits nombres impairs positifs.

Sur les faces du troisième dé sont écrits les six plus petits nombres premiers.

Après avoir lancé un dé, on note le nombre obtenu sur la face du dessus.

- Quels sont les six nombres figurant sur le deuxième dé ?

Quels sont les six nombres figurant sur le troisième dé ?

- Zoé choisit le troisième dé et le lance. Elle met au carré le nombre obtenu. Léo choisit le premier dé et le lance. Il met au carré le nombre obtenu.

(a) Zoé a obtenu un carré égal à 25. Quel était le nombre lu sur le dé qu'elle a lancé ?

(b) Quelle est la probabilité que Léo obtienne un carré supérieur à celui obtenu par Zoé ?

- Mohamed choisit un des trois dés et le lance quatre fois de suite. Il multiplie les quatre nombres obtenus et obtient 525.

(a) Peut-on déterminer les nombres obtenus lors des quatre lancers ? Justifier.

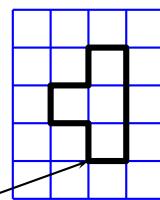
(b) Peut-on déterminer quel est le dé choisi par Mohamed ? Justifier.

Exercice 2
18 points

S'orienter à 90° signifie que l'on se tourne vers la droite.

Mathieu, Pierre et Elise souhaitent tracer le motif ci-dessous à l'aide de leur ordinateur. Ils commencent tous par le **script commun** ci-dessous, mais écrivent un script **Motif** différent.

Script commun aux trois élèves


Motif


Le quadrillage a des Point de départ carreaux qui mesurent 10 pixels de côté.

Motif de Mathieu

```

définir Motif
avancer de 10
tourner ⚡ de 90 degrés
avancer de 30
tourner ⚡ de 90 degrés
avancer de 20
répéter 2 fois
  tourner ⚡ de 90 degrés
  avancer de 10
  tourner ⚡ de 90 degrés
  avancer de 20

```

Motif de Pierre

```

définir Motif
avancer de 10
tourner ⚡ de 90 degrés
avancer de 30
répéter 2 fois
  tourner ⚡ de 90 degrés
  avancer de 10
  tourner ⚡ de 90 degrés
  avancer de 10
  tourner ⚡ de 90 degrés
  avancer de 10
  tourner ⚡ de 90 degrés

```

Motif d'Élise

```

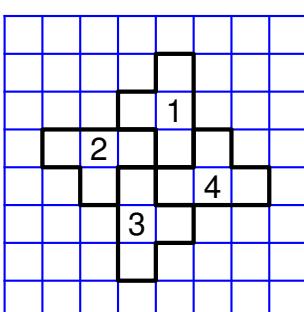
définir Motif
avancer de 10
tourner ⚡ de 90 degrés
avancer de 30
répéter 2 fois
  tourner ⚡ de 90 degrés
  avancer de 10
  tourner ⚡ de 90 degrés
  avancer de 10
  tourner ⚡ de 90 degrés
  avancer de 10
  tourner ⚡ de 90 degrés

```

1. Tracer le motif de Mathieu en prenant comme échelle : 1 cm pour 10 pixels.
2. Quel élève a un script permettant d'obtenir le motif souhaité ? On ne demande pas de justifier.
- 3.

- a. On utilise ce motif pour obtenir la figure ci-contre.
 Quelle transformation du plan permet de passer à la fois du motif 1 au motif 2, du motif 2 au motif 3 et du motif 3 au motif 4 ?

- b. Modifier le **script commun** à partir de la ligne 7 incluse pour obtenir la figure voulue. On écrira sur la copie uniquement la partie modifiée. Vous pourrez utiliser certaines ou toutes les instructions suivantes :

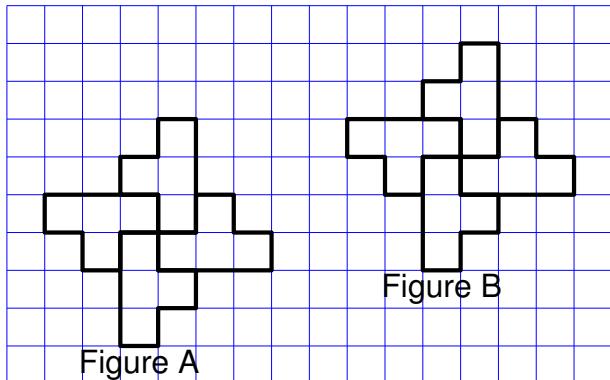


```

répéter 2 fois
  Motif
  tourner ⚡ de 90 degrés
  avancer de 10
  tourner ⚡ de 90 degrés

```

4. Un élève trace les deux figures A et B que vous trouverez ci-dessous.



Placer le centre O de la symétrie centrale qui transforme la figure A en figure B.

Exercice 3
17 points

Le premier juillet 2018, la vitesse maximale autorisée sur les routes à double sens de circulation, sans séparateur central, a été abaissée de 90 km/h à 80 km/h.

En 2016, 1,911 personnes ont été tuées sur les routes à double sens de circulation, sans séparateur central, ce qui représente environ 55 % des décès sur l'ensemble des routes en France.

Source : www.securite-routiere.gouv.fr

1. (a) Montrer qu'en 2016, il y a eu environ 3,475 décès sur l'ensemble des routes en France.
- (b) Des experts ont estimé que la baisse de la vitesse à 80 km/h aurait permis de sauver 400 vies en 2016.
De quel pourcentage le nombre de morts sur l'ensemble des routes de France aurait-il baissé ?
Donner une valeur approchée à 0,1 % près.
2. En septembre 2018, des gendarmes ont effectué une série de contrôles sur une route dont la vitesse maximale autorisée est 80 km/h. Les résultats ont été entrés dans un tableau dans l'ordre croissant des vitesses. Malheureusement, les données de la colonne B ont été effacées.

	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K
1	vitesse relevée (km/h)		72	77	79	82	86	90	91	97	TOTAL
2	nombre d'automobilistes		2	10	6	1	7	4	3	6	

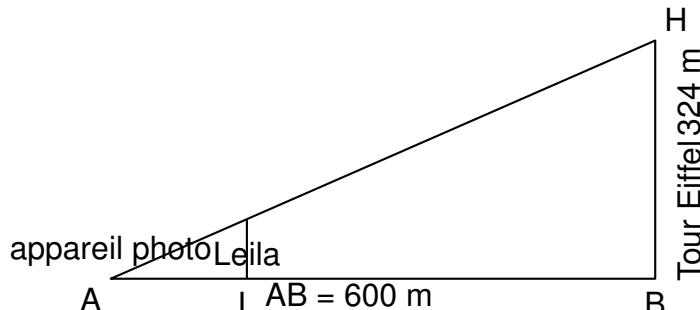
- (a) Calculer la moyenne des vitesses des automobilistes contrôlés qui ont dépassé la vitesse maximale autorisée. Donner une valeur approchée à 0,1 km/h près.
- (b) Sachant que l'étendue des vitesses relevées est égale à 27 km/h et que la médiane est égale à 82 km/h, quelles sont les données manquantes dans la colonne B ?
- (c) Quelle formule doit-on saisir dans la cellule K2 pour obtenir le nombre total d'automobilistes contrôlés ?

Exercice 4
10 points

Leila est en visite à Paris. Aujourd'hui, elle est au Champ de Mars où l'on peut voir la tour Eiffel dont la hauteur totale BH est 324 m.

Elle pose son appareil photo au sol à une distance AB = 600 m du monument et le programme pour prendre une photo (voir le dessin ci-dessous).

1. Quelle est la mesure, au degré près, de l'angle \widehat{HAB} ?
2. Sachant que Leila mesure 1,70 m, à quelle distance AL de son appareil doit-elle se placer pour paraître aussi grande que la tour Eiffel sur sa photo ?
Donner une valeur approchée du résultat au centimètre près.



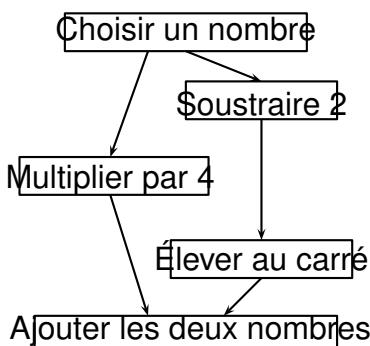
Le dessin n'est pas à l'échelle

Exercice 5

22 points

Voici deux programmes de calcul:

PROGRAMME A



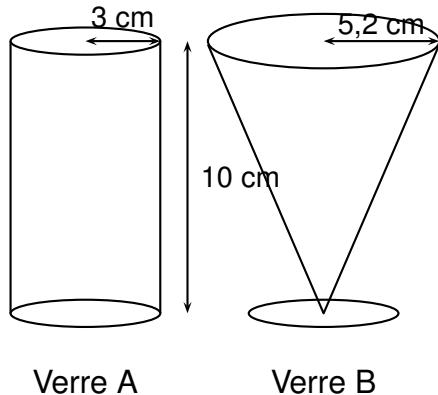
- Choisir un nombre
- Calculer son carré
- Ajouter 6 au résultat.

PROGRAMME B

- (a) Montrer que, si l'on choisit le nombre 5, le résultat du programme A est 29.
(b) Quel est le résultat du programme B si on choisit le nombre 5 ?
- Si on nomme x le nombre choisi, expliquer pourquoi le résultat du programme A peut s'écrire $x^2 + 4$.
- Quel est le résultat du programme B si l'on nomme x le nombre choisi ?
- Les affirmations suivantes sont-elles vraies ou fausses? Justifier les réponses et écrire les étapes des éventuels calculs :
 - Si l'on choisit le nombre $\frac{2}{3}$, le résultat du programme B est $\frac{58}{9}$.
 - Si l'on choisit un nombre entier, le résultat du programme B est un nombre entier impair.
 - Le résultat du programme B est toujours un nombre positif.
 - Pour un même nombre entier choisi, les résultats des programmes A et B sont ou bien tous les deux des entiers pairs, ou bien tous les deux des entiers impairs.

Exercice 6
20 points

Pour servir ses jus de fruits, un restaurateur a le choix entre deux types de verres : un verre cylindrique A de hauteur 10 cm et de rayon 3 cm et un verre conique B de hauteur 10 cm et de rayon 5,2 cm.


Rappels :

- Volume d'un cylindre de rayon r et de hauteur h :

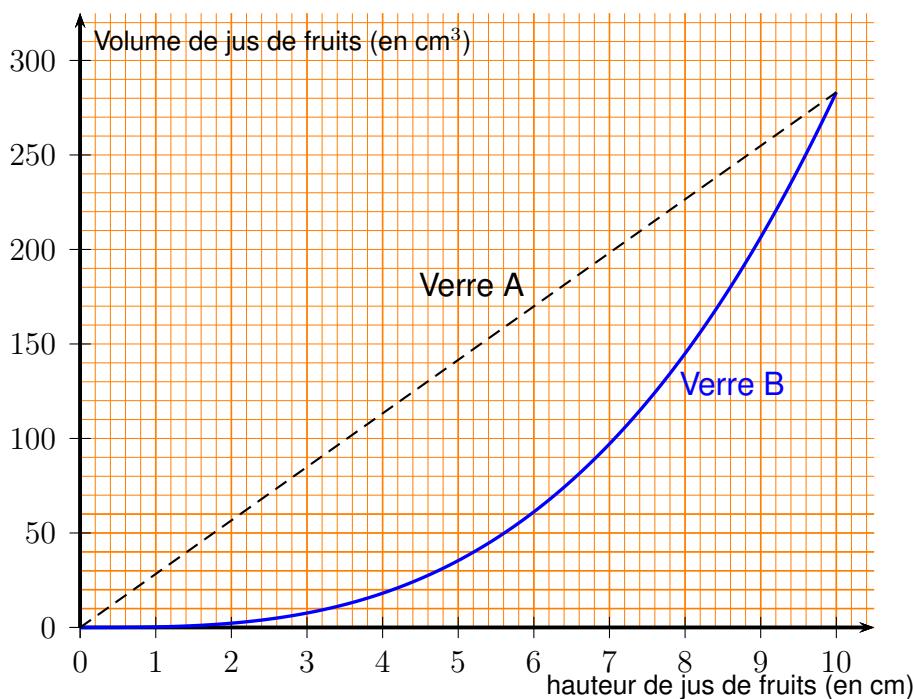
$$\pi \times r^2 \times h$$

- Volume d'un cône de rayon r et de hauteur h :

$$\frac{1}{3} \times \pi \times r^2 \times h$$

- $1 \text{ L} = 1 \text{ dm}^3$

Le graphique situé ci-dessous représente le volume de jus de fruits dans chacun des verres en fonction de la hauteur de jus de fruits qu'ils contiennent.



- Répondre aux questions suivantes à l'aide du graphique précédent :
 - Pour quel verre le volume et la hauteur de jus de fruits sont-ils proportionnels ? Justifier.
 - Pour le verre A, quel est le volume de jus de fruits si la hauteur est de 5 cm ?
 - Quelle est la hauteur de jus de fruits si on en verse 50 cm^3 dans le verre B ?
- Montrer, par le calcul, que les deux verres ont le même volume total à 1 cm^3 près.

3. Calculer la hauteur du jus de fruits servi dans le verre A pour que le volume de jus soit égal à 200 cm^3 .
Donner une valeur approchée au centimètre près.
4. Un restaurateur sert ses verres de telle sorte que la hauteur du jus de fruits dans le verre soit égale à 8 cm.
 - (a) Par lecture graphique, déterminer quel type de verre le restaurateur doit choisir pour servir le plus grand nombre possible de verres avec 1 L de jus de fruits.
 - (b) Par le calcul, déterminer le nombre maximum de verres A qu'il pourra servir avec 1 L de jus de fruits.