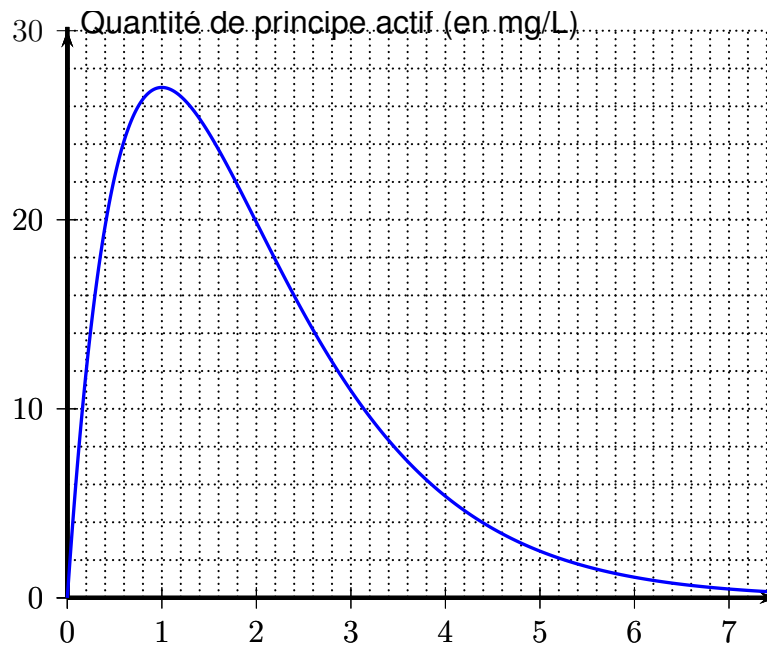


Exercice 1

3 points

Lorsqu'on absorbe un médicament, la quantité de principe actif de ce médicament dans le sang évolue en fonction du temps. Cette quantité se mesure en milligrammes par litre de sang.

Le graphique ci-dessous représente la quantité de principe actif d'un médicament dans le sang, en fonction du temps écoulé, depuis la prise de ce médicament.



Répondre aux questions suivantes à partir de lectures graphiques. **Aucune justification n'est demandée dans cet exercice.**

1. Au bout de combien de temps la quantité de principe actif de médicament dans le sang est-elle maximale ?
2. Quelle est la quantité de principe actif de médicament dans le sang au bout de 2 h 30 min ?
3. Pour que le médicament soit efficace, la quantité de principe actif de médicament dans le sang doit être supérieure à 5 mg/L.

Pendant combien de temps le médicament est-il efficace ?

Exercice 2

3 points

Tom lance cinquante fois deux dés à six faces parfaitement équilibrés. Il note dans une feuille de calcul les sommes obtenues à chaque lancer. Il obtient le tableau suivant :

B3		=B2/M2												
	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N
1	somme obtenue	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	total	
2	nombre d'apparitions	3	1	4	6	9	9	7	3	5	3	0	50	
3	fréquence d'apparition	0,06												

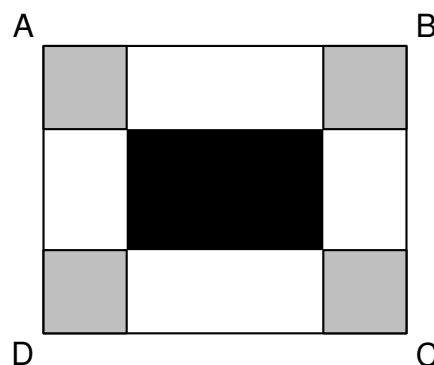
1. Quelle formule a-t-il saisie dans la cellule M2 pour vérifier qu'il a bien relevé 50 résultats?
2. Tom a saisi dans la cellule B3 la formule `=B2/M2`. Il obtient un message d'erreur quand il la tire dans la cellule C3. Pourquoi ?
3. Tom déduit de la lecture de ce tableau que s'il lance ces deux dés, il n'a aucune chance d'obtenir la somme 12. A-t-il tort ou raison ?

Exercice 3

5 points

ABCD est un rectangle tel que $AB = 30$ cm et $BC = 24$ cm.

On colore aux quatre coins du rectangle quatre carrés identiques en gris. On délimite ainsi un rectangle central que l'on colore en noir.



1. Dans cette question, les quatre carrés gris ont tous 7 cm de côté. Dans ce cas :
 - (a) quel est le périmètre d'un carré gris ?
 - (b) quel est le périmètre du rectangle noir ?
2. Dans cette question, la longueur du côté des quatre carrés gris peut varier. Par conséquent, les dimensions du rectangle noir varient aussi.
Est-il possible que le périmètre du rectangle noir soit égal à la somme des périmètres des quatre carrés gris ?

Exercice 4

4 points

Un stage de voile pour enfant est proposé pendant les vacances. Le prix affiché d'un stage pour un enfant est de 115 €. Lorsqu'une famille inscrit deux enfants ou plus, elle bénéficie d'une réduction qui dépend du nombre d'enfants inscrits.

1. Une famille qui inscrit trois enfants paie 310,50 €. Pour cette famille, quel est, par enfant, le prix de revient d'un stage ?
2. Compléter les deux factures données ci-dessous. Aucune justification n'est attendue dans cette question.

Facture 1

Prix d'un stage	115 €
Nombre d'enfants inscrits	2
Prix total avant réduction	
Montant de la réduction (5 % du prix total avant réduction)	
Prix à payer	

Facture 2

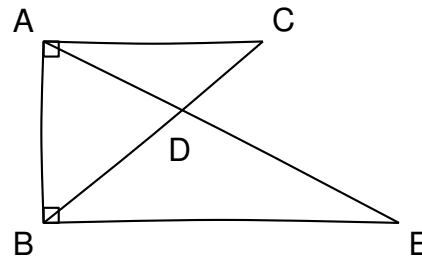
Prix d'un stage	115 €
Nombre d'enfants inscrits	3
Prix total avant réduction	
Montant de la réduction (% du prix total avant réduction)	
Prix à payer	310,50 €

Exercice 5

5 points

Voici une figure codée réalisée à main levée :
On sait que

- La droite (AC) est perpendiculaire à la droite (AB).
- La droite (EB) est perpendiculaire à la droite (AB).
- Les droites (AE) et (BC) se coupent en D.
- $AC = 2,4$ cm ; $AB = 3,2$ cm ; $BD = 2,5$ cm et $DC = 1,5$ cm.

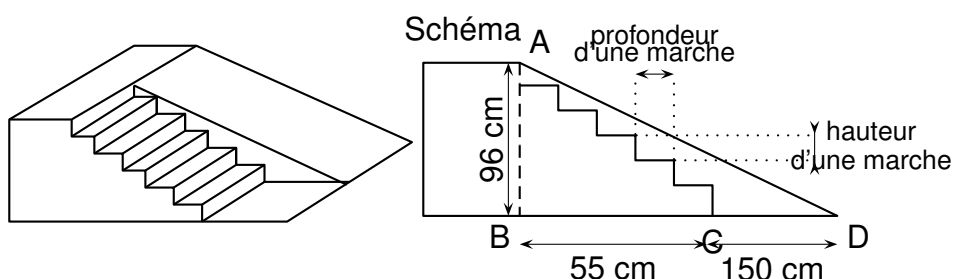


1. Réaliser la figure en vraie grandeur sur la copie.
2. Déterminer l'aire du triangle ABE.

Exercice 6

6,5 points

On souhaite construire une structure pour un skatepark, constituée d'un escalier de six marches identiques permettant d'accéder à un plan incliné dont la hauteur est égale à 96 cm. Le projet de cette structure est présenté ci-dessous. Schéma



Normes de construction de l'escalier :

$60 \leq 2h + p \leq 65$ où h est la hauteur d'une marche et p la profondeur d'une marche, en cm.

Demandes des habitués du skate park :

Longueur du plan incliné (c'est-à-dire la longueur AD) comprise entre 2,20 m et 2,50 m.

Angle formé par le plan incliné avec le sol (ici l'angle $\widehat{BDA}$) compris entre 20 et 30.

1. Les normes de construction de l'escalier sont-elles respectées ?
2. Les demandes des habitués du skatepark pour le plan incliné sont-elles satisfaites ?

Exercice 7

4,5 points

Indiquer si les affirmations suivantes sont vraies ou fausses.

Rappel : toutes les réponses doivent être justifiées.

Affirmation 1 : La vitesse moyenne d'un coureur qui parcourt 18 km en une heure est strictement supérieure à celle d'une voiture télécommandée qui parcourt 5 m par seconde.

Affirmation 2 : Pour tout nombre x , on a l'égalité : $(3x - 5)^2 = 9x^2 - 25$.

Affirmation 3 : Dans une série de données numériques, la médiane de la série est toujours strictement supérieure à la moyenne.

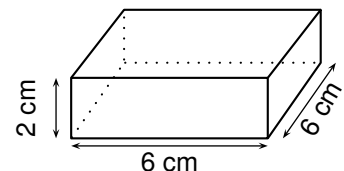
Exercice 8

5 points

Flora fait des bracelets avec de la pâte à modeler. Ils sont tous constitués de 8 perles rondes et de 4 perles longues.

Cette pâte à modeler s'achète par blocs qui ont tous la forme d'un pavé droit dont les dimensions sont précisées ci-contre.

La pâte peut se pétrir à volonté et durcit ensuite à la cuisson.



Information sur les perles :

Une perle ronde	Une perle longue
	
Boule de diamètre 8mm	Cylindre de hauteur 16 mm et de diamètre 8 mm

Flora achète deux blocs de pâte à modeler: un bloc de pâte à modeler bleue pour faire les perles rondes et un bloc de pâte à modeler blanche pour faire les perles longues.

Combien de bracelets peut-elle ainsi espérer réaliser ?

On rappelle les formules suivantes :

Volume d'un cylindre : $V = \pi \times \text{rayon}^2 \times \text{hauteur}$

Volume d'une sphère : $V = \frac{4}{3} \times \pi \times \text{rayon}^3$

Correction



Exercice 1

3 points

1. Le maximum est obtenu au bout d'une heure.
2. Pour une abscisse de 2 h 30 min on lit une ordonnée d'environ 15 mg/L.
3. On a une quantité de produit actif supérieure à 5 de 6 min à 4 h 6 min, soit pendant quatre heures.

Exercice 2

3 points

1. =SOMME(B2:L2)
2. Il devrait avoir dans C3 : $B3/M3$; or il y a 0 dans M3 et la division par 0 n'existe pas.
3. Il a tort car la sortie d'un double 6 est tout à fait possible. Il se trouve que sur les 50 lancers il n'y a pas eu ce tirage.

Exercice 3

5 points

1. (a) Périmètre d'un carré gris : $4 \times 7 = 28$ cm.
 (b) Longueur du rectangle noir : $30 - 2 \times 7 = 30 - 14 = 16$;
 Largeur du rectangle noir : $24 - 2 \times 7 = 24 - 14 = 10$.
 Le périmètre du rectangle noir est donc : $2 \times (16 + 10) = 2 \times 26 = 52$ cm.

2. Si x est la longueur des côtés du carré gris, le périmètre des quatre carrés gris est égal à $4 \times 4 \times x = 16x$.

Le rectangle noir a pour longueur $30 - 2x$ et pour largeur $24 - 2x$. Le périmètre du rectangle noir est donc égal à $2[(30 - 2x) + (24 - 2x)] = 108 - 8x$.

Il y a égalité de ces deux périmètres si :

$16x = 108 - 8x$ soit $24x = 108$ ou $8x = 36$ ou $2x = 9$ et enfin $x = 4,5$ cm (les périmètres valent alors 72 cm).

Exercice 4

4 points

1. Le prix par enfant est égal à $\frac{310,5}{3} = 103,50$ (€)

Facture 1

Facture 2

2.

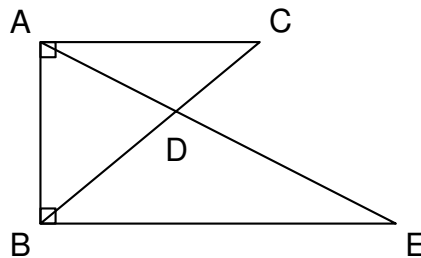
Prix d'un stage	115 €
Nombre d'enfants inscrits	2
Prix total avant réduction	230
Montant de la réduction (5 % du prix total avant réduction)	11,50
Prix à payer	219,50

Prix d'un stage	115 €
Nombre d'enfants inscrits	3
Prix total avant réduction	345
Montant de la réduction (10 % du prix total avant réduction)	34,50
Prix à payer	310,50 €

Exercice 5

5 points

- 1.



2. Les droites (AC) et (BE) sont parallèles car perpendiculaires à la même droite (AB).

Les points A, D, E d'une part, C, D, B de l'autre sont alignés dans cet ordre ; le théorème de Thalès permet d'écrire :

$$\frac{CD}{DB} = \frac{AC}{BE} \text{ soit } BE = \frac{AC \times DB}{CD} = \frac{2,4 \times 2,5}{1,5} = 4 \text{ (cm)}.$$

L'aire du triangle ABE rectangle en B est égale à $\frac{1}{2} \times AB \times BE = \frac{3,2 \times 4}{2} = 6,4 \text{ cm}^2$.

Exercice Exercice 6

6,5 points

1. On a $6h = 96$, soit $h = 16 \text{ cm}$.

D'autre part $5p = 150$, soit $p = 30 \text{ cm}$.

On a donc $2h + p = 32 + 30 = 62$, donc les normes de construction de l'escalier sont respectées.

2. Dans le triangle ABD rectangle en B, le théorème de Pythagore permet d'écrire

$$AD^2 = AB^2 + BD^2 = 96^2 + 205^2 = 9,216 + 42,025 = 51,241.$$

Donc $AD = \sqrt{51,241} \approx 226,4 \text{ cm}$ soit environ 2,26 m. La première demande est respectée.

Enfin on a $\tan \widehat{BDA} = \frac{AB}{BD} = \frac{96}{205}$; la calculatrice donne $\widehat{BDA} \approx 25,1$.

La deuxième demande n'est pas respectée (de peu !)

Exercice Exercice 7

4,5 points

Affirmation 1 : Le coureur parcourt 18,000 m en 3,600 soit $\frac{18,000}{3,600} = 5 \text{ (m/s)}$. Affirmation fausse.

Affirmation 2 : $(3x - 5)^2 = 9x^2 + 25 - 30x$. Affirmation fausse.

Affirmation 3 : Soit la série 1 ; 2 ; 3 ; 9 ; 10.

La médiane est 3 et la moyenne 5. Affirmation fausse.

Exercice Exercice 8

5 points

Le volume d'un bloc est $6 \times 6 \times 2 = 72 \text{ cm}^3$.

Le volume d'une perle ronde est : $\frac{4}{3}\pi \times 4^3 = \frac{256\pi}{3} \approx 268,1 \text{ mm}^3$.

Le volume d'une perle longue est : $\pi \times 4^2 \times 16 = 256\pi \approx 804,2 \text{ mm}^3$.

On peut donc fabriquer $\frac{72,000}{268,1} \approx 268$ perles rondes avec un bloc et on peut donc fabriquer $\frac{72,000}{804,2} \approx 89$ perles longues avec un bloc.

Avec 89 perles longues on peut faire $\frac{89}{4} \approx 22$ bracelets. Il faudra $22 \times 8 = 196$ perles rondes : on les a largement.