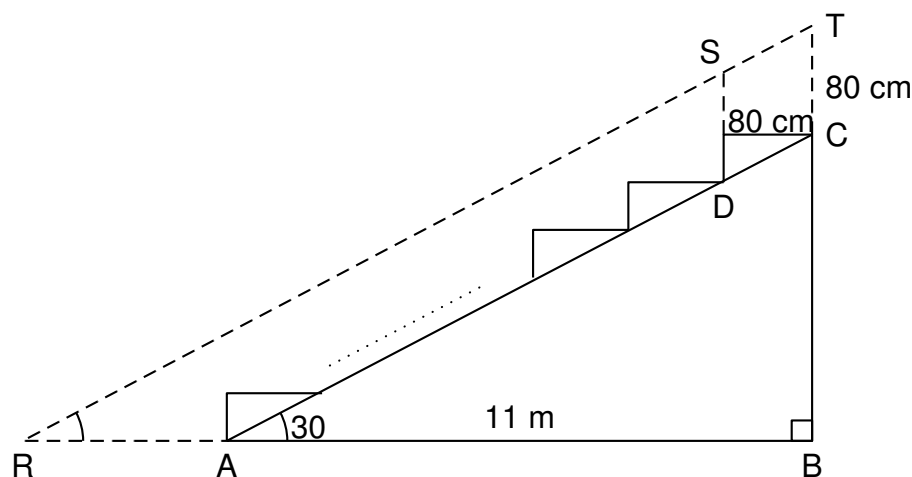


La figure ci-dessous représente le plan de coupe d'une tribune d'un gymnase. Pour voir le déroulement du jeu, un spectateur du dernier rang assis en C doit regarder au-dessus du spectateur placé devant lui et assis en D. Une partie du terrain devant la tribune lui est alors masquée. On considérera que la hauteur moyenne d'un spectateur assis est de 80 cm ($CT = DS = 80$ cm).



Sur ce plan de coupe de la tribune :

- les points R, A et B sont alignés horizontalement et les points B, C et T sont alignés verticalement ;
- les points R, S et T sont alignés parallèlement à l'inclinaison (AC) de la tribune ;
- on considérera que la zone représentée par le segment [RA] n'est pas visible par le spectateur du dernier rang ;
- la largeur au sol AB de la tribune est de 11 m et l'angle $\widehat{BAC}$ d'inclinaison de la tribune mesure 30.

1. Montrer que la hauteur BC de la tribune mesure 6,35 m, arrondie au centième de mètre près.
2. Quelle est la mesure de l'angle $\widehat{BRT}$?
3. Calculer la longueur RA en centimètres. Arrondir le résultat au centimètre près.

Correction

1. Dans le triangle ABC rectangle en B on a :

$$\tan \widehat{BAC} = \frac{BC}{AB} \text{ soit } BC = AB \times \tan \widehat{BAC} \approx 11 \times 0,577 \approx 6,350 \text{ soit environ } 6,35 \text{ m.}$$

2. Les droites (RT) et (AC) étant parallèles, les angles correspondants $\widehat{BAC}$ et $\widehat{BRT}$ ont la même mesure 30.

3. Dans le triangle BRT rectangle en B, on a : $\tan \widehat{BRT} = \frac{BT}{BR}$.

$$\text{Or } BT = BC + CT \approx 6,35 + 0,80 = 7,15 \text{ (m).}$$

$$\text{Donc } BR = \frac{BT}{\tan \widehat{BRT}} \approx \frac{7,15}{0,577} \approx 12,38 \text{ (m).}$$

$$\text{Finalement } AR = BR - AB \approx 12,38 - 11 \text{ soit environ } 1,38 \text{ (m).}$$