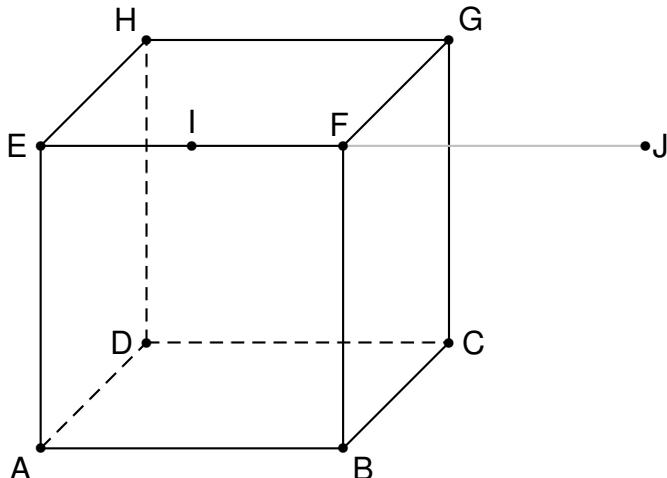


On considère le cube ABCDEFGH de côté 1, le milieu I de [EF] et J le symétrique de E par rapport à F.



Dans tout l'exercice, l'espace est rapporté au repère orthonormé $(A ; \overrightarrow{AB}, \overrightarrow{AD}, \overrightarrow{AE})$.

1. (a) Par lecture graphique, donner les coordonnées des points I et J.
(b) En déduire les coordonnées des vecteurs \overrightarrow{DJ} , \overrightarrow{BI} et \overrightarrow{BG} .
(c) Montrer que \overrightarrow{DJ} est un vecteur normal au plan (BGI).
(d) Montrer qu'une équation cartésienne du plan (BGI) est $2x - y + z - 2 = 0$.
2. On note d la droite passant par F et orthogonale au plan (BGI).
 - (a) Déterminer une représentation paramétrique de la droite d .
 - (b) On considère le point L de coordonnées $(\frac{2}{3}; \frac{1}{6}; \frac{5}{6})$.
Montrer que L est le point d'intersection de la droite d et du plan (BGI).
3. On rappelle que le volume V d'une pyramide est donné par la formule

$$V = \frac{1}{3} \times \mathcal{B} \times h$$

où \mathcal{B} est l'aire d'une base et h la hauteur associée à cette base.

- (a) Calculer le volume de la pyramide FBGI.
(b) En déduire l'aire du triangle BGI.