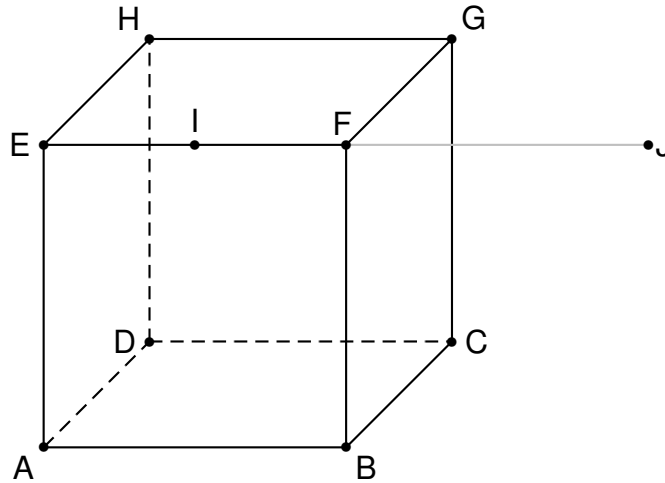


On considère le cube ABCDEFGH de côté 1, le milieu I de [EF] et J le symétrique de E par rapport à F.



Dans tout l'exercice, l'espace est rapporté au repère orthonormé  $(A; \overrightarrow{AB}, \overrightarrow{AD}, \overrightarrow{AE})$ .

1. (a) Par lecture graphique, donner les coordonnées des points I et J.  
 (b) En déduire les coordonnées des vecteurs  $\overrightarrow{DJ}$ ,  $\overrightarrow{BI}$  et  $\overrightarrow{BG}$ .  
 (c) Montrer que  $\overrightarrow{DJ}$  est un vecteur normal au plan (BGI).  
 (d) Montrer qu'une équation cartésienne du plan (BGI) est  $2x - y + z - 2 = 0$ .
2. On note  $d$  la droite passant par F et orthogonale au plan (BGI).  
 (a) Déterminer une représentation paramétrique de la droite  $d$ .  
 (b) On considère le point L de coordonnées  $(\frac{2}{3}; \frac{1}{6}; \frac{5}{6})$ .  
 Montrer que L est le point d'intersection de la droite  $d$  et du plan (BGI).
3. On rappelle que le volume  $V$  d'une pyramide est donné par la formule

$$V = \frac{1}{3} \times \mathcal{B} \times h$$

où  $\mathcal{B}$  est l'aire d'une base et  $h$  la hauteur associée à cette base.

- (a) Calculer le volume de la pyramide FBGI.
- (b) En déduire l'aire du triangle BGI.