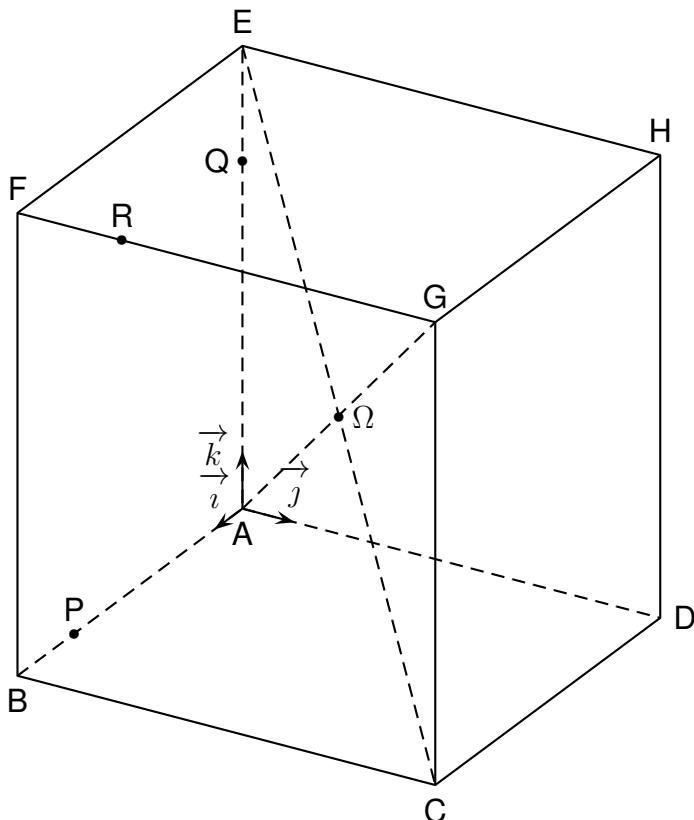


EXERCICE 2 commun à tous les candidats
5 points

On considère un cube ABCDEFGH d'arête 8 cm et de centre Ω .

Les points P, Q et R sont définis par $\overrightarrow{AP} = \frac{3}{4}\overrightarrow{AB}$, $\overrightarrow{AQ} = \frac{3}{4}\overrightarrow{AE}$ et $\overrightarrow{FR} = \frac{1}{4}\overrightarrow{FG}$.

On se place dans le repère orthonormé $(A ; \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ avec : $\vec{i} = \frac{1}{8}\overrightarrow{AB}$, $\vec{j} = \frac{1}{8}\overrightarrow{AD}$ et $\vec{k} = \frac{1}{8}\overrightarrow{AE}$.


Partie I

1. Dans ce repère, on admet que les coordonnées du point R sont $(8 ; 2 ; 8)$.

Donner les coordonnées des points P et Q.

2. Montrer que le vecteur $\vec{n}(1 ; -5 ; 1)$ est un vecteur normal au plan (PQR).

3. Justifier qu'une équation cartésienne du plan (PQR) est $x - 5y + z - 6 = 0$.

Partie II

On note L le projeté orthogonal du point Ω sur le plan (PQR).

1. Justifier que les coordonnées du point Ω sont $(4 ; 4 ; 4)$.

2. Donner une représentation paramétrique de la droite d perpendiculaire au plan (PQR) et passant par Ω .

3. Montrer que les coordonnées du point L sont $\left(\frac{14}{3}; \frac{2}{3}; \frac{14}{3}\right)$

4. Calculer la distance du point Ω au plan (PQR).