

Au basket-ball, il est possible de marquer des paniers rapportant un point, deux points ou trois points. Les parties **A** et **B** sont indépendantes.

### Partie A

L'entraîneur d'une équipe de basket décide d'étudier les statistiques de réussite des lancers de ses joueurs. Il constate qu'à l'entraînement, lorsque Victor tente un panier à trois points, il le réussit avec une probabilité de 0,32.

Lors d'un entraînement, Victor effectue une série de 15 lancers à trois points. On suppose que ces lancers sont indépendants.

On note  $N$  la variable aléatoire qui donne le nombre de paniers marqués.

*Les résultats des probabilités demandées seront, si nécessaire, arrondis au millième.*

- On admet que la variable aléatoire  $N$  suit une loi binomiale. Préciser ses paramètres.
- Calculer la probabilité que Victor réussisse exactement 4 paniers lors de cette série.
- Déterminer la probabilité que Victor réussisse au plus 6 paniers lors de cette série.
- Déterminer l'espérance de la variable aléatoire  $N$ .
- On note  $T$  la variable aléatoire qui donne le nombre de **points** marqués après cette série de lancers.
  - Exprimer  $T$  en fonction de  $N$ .
  - En déduire l'espérance de la variable aléatoire  $T$ . Donner une interprétation de cette valeur dans le contexte de l'exercice.
  - Calculer  $P(12 \leq T \leq 18)$ .

### Partie B

On note  $X$  la variable aléatoire donnant le nombre de points marqués par Victor lors d'un match.

On admet que l'espérance  $E(X) = 22$  et la variance  $V(X) = 65$ .

Victor joue  $n$  matches, où  $n$  est un nombre entier strictement positif.

On note  $X_1, X_2, \dots, X_n$  les variables aléatoires donnant le nombre de points marqués au cours des 1<sup>er</sup>, 2<sup>e</sup>, ...,  $n$ -ième matches. On admet que les variables aléatoires  $X_1, X_2, \dots, X_n$  sont indépendantes et suivent la même loi que celle de  $X$ .

On pose  $M_n = \frac{X_1 + X_2 + \dots + X_n}{n}$ .

- Dans cette question, on prend  $n = 50$ .
  - Que représente la variable aléatoire  $M_{50}$  ?
  - Déterminer l'espérance et la variance de  $M_{50}$ .
  - Démontrer que  $P(|M_{50} - 22| \geq 3) \leq \frac{13}{90}$ .
  - En déduire que la probabilité de l'évènement  $19 < M_{50} < 25$  est strictement supérieure à 0,85.
- Indiquer, en justifiant, si l'affirmation suivante est vraie ou fausse :  
Il n'existe aucun entier naturel  $n$  tel que  $P(|M_n - 22| \geq 3) < 0,01$ .