

Pour chacune des affirmations suivantes, indiquer si elle est vraie ou fausse. Justifier chaque réponse.

1. **Affirmation 1** : Pour tout réel x : $1 - \frac{1 - e^x}{1 + e^x} = \frac{2}{1 + e^{-x}}$.

2. On considère la fonction g définie sur \mathbb{R} par $g(x) = \frac{e^x}{e^x + 1}$.

Affirmation 2 : L'équation $g(x) = \frac{1}{2}$ admet une unique solution dans \mathbb{R} .

3. On considère la fonction f définie sur \mathbb{R} par $f(x) = x^2 e^{-x}$ et on note \mathcal{C} sa courbe dans un repère orthonormé.

Affirmation 3 : L'axe des abscisses est tangent à la courbe \mathcal{C} en un seul point.

4. On considère la fonction h définie sur \mathbb{R} par $h(x) = e^x (1 - x^2)$.

Affirmation 4 : Dans le plan muni d'un repère orthonormé, la courbe représentative de la fonction h n'admet pas de point d'inflexion.

5. **Affirmation 5** : $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{e^x}{e^x + x} = 0$.

6. **Affirmation 6** : Pour tout réel x , $1 + e^{2x} \geq 2e^x$.