

Cet exercice est un questionnaire à choix multiples. Pour chacune des questions suivantes, une seule des quatre réponses proposées est exacte.

Une réponse fausse, une réponse multiple ou l'absence de réponse à une question ne rapporte ni n'enlève de point.

Pour répondre, indiquer sur la copie le numéro de la question et la lettre de la réponse choisie. Aucune justification n'est demandée.

- On considère les suites (a_n) et (b_n) définie par $a_0 = 1$ et, pour tout entier naturel n , $a_{n+1} = 0,5a_n + 1$ et $b_n = a_n - 2$.

On peut affirmer que :

- | | |
|--------------------------------------|-------------------------------------|
| a. (a_n) est arithmétique ; | b. (b_n) est géométrique; |
| c. (a_n) est géométrique; | d. (b_n) est arithmétique. |

Dans les questions 2. et 3., on considère les suites (u_n) et (v_n) définies par :

$$u_0 = 2, v_0 = 1 \text{ et, pour tout entier naturel } n : \begin{cases} u_{n+1} = u_n + 3v_n \\ v_{n+1} = u_n + v_n. \end{cases}$$

- On peut affirmer que :

a. $\begin{cases} u_2 = 5 \\ v_2 = 3 \end{cases}$	b. $u_2^2 - 3v_2^2 = -2^2$	c. $\frac{u_2}{v_2} = 1,75$	d. $5u_1 = 3v_1$.
--	-----------------------------------	------------------------------------	---------------------------

- On considère le programme ci-dessous écrit en langage Python :

```
def valeurs() :
    u = 2
    v = 1
    for k in range(1,11)
        c = u
        u = u + 3*v
        v = c + v
    return (u, v)
```

Ce programme renvoie :

- | | | | |
|----------------------------------|----------------------------------|---|----------------------------------|
| a. u_{11} et v_{11} ; | b. u_{10} et v_{11} ; | c. les valeurs de u_n et v_n pour n allant de 1 à 10 ; | d. u_{10} et v_{10} . |
|----------------------------------|----------------------------------|---|----------------------------------|

Pour les questions 4. et 5., on considère une fonction f deux fois dérivable sur l'intervalle $[-4 ; 2]$. On note f' la fonction dérivée de f et f'' la dérivée seconde de f .

On donne ci-dessous la courbe représentative \mathcal{C}' de la fonction dérivée f' dans un repère du plan. On donne de plus les points A($-2 ; 0$), B($1 ; 0$) et C($0 ; 5$).

4. La fonction f est :

- a. concave sur $[-2 ; 1]$;
- b. convexe sur $[-4 ; 0]$;
- c. convexe sur $[-2 ; 1]$;
- d. convexe sur $[0 ; 2]$.

5. On admet que la droite (BC) est la tangente à la courbe \mathcal{C}' au point B. On a :

- a. $f'(1) < 0$;
- b. $f'(1) = 5$;
- c. $f''(1) > 0$;
- d. $f''(1) = -5$.

6. Soit f la fonction définie sur \mathbb{R} par $f(x) = (x^2 + 1) e^x$.

La primitive F de f sur \mathbb{R} telle que $F(0) = 1$ est définie par:

- a. $F(x) = (x^2 - 2x + 3) e^x$;
- b. $F(x) = (x^2 - 2x + 3) e^x - 2$;
- c. $F(x) = \left(\frac{1}{3}x^3 + x\right) e^x + 1$;
- d. $F(x) = \left(\frac{1}{3}x^3 + x\right) e^x$.

