

Exercice 1

3 points

Rappels des formules :

$$\text{Coefficient Multiplicateur (CM)} = 1 + \text{taux d'évolution (t)}$$

$$\text{Valeur d'Arrivée (V}_A\text{)} = \text{Valeur de Départ (V}_D\text{)} \times \text{CM}$$

$$\text{Valeur de Départ (V}_D\text{)} = \frac{V_A}{\text{CM}}$$

Détail des calculs (au brouillon) :

- **Ligne 1** : $\text{CM} = 1 - 0,20 = 0,8$. $V_A = 72 \times 0,8 = 57,6$.
- **Ligne 2** : $\text{CM} = 1 - 0,16 = 0,84$. $V_D = \frac{420}{0,84} = 500$.
- **Ligne 3** : $V_A = 55 \times 0,7 = 38,5$. $t = 0,7 - 1 = -0,3 = -30\%$.
- **Ligne 4** : $V_D = \frac{42}{1,4} = 30$. $t = 1,4 - 1 = +0,4 = +40\%$.
- **Ligne 5** : $\text{CM} = \frac{168}{112} = 1,5$. $t = 1,5 - 1 = +0,5 = +50\%$.
- **Ligne 6** : $\text{CM} = 1 + 0,11 = 1,11$. $V_D = \frac{121}{1,11} \approx 109,01$.

	Valeur de départ	Valeur d'arrivée	Taux d'évolution	Coefficient multiplicateur
1)	72	57,6	-20 %	0,8
2)	500	420	-16 %	0,84
3)	55	38,5	-30 %	0,7
4)	30	42	+40 %	1,4
5)	112	168	+50 %	1,5
6)	$\approx 109,01$	121	+11 %	1,11

Exercice 2

5 points

1. (a) Le taux de TVA est de +10 %, ce qui correspond à un coefficient multiplicateur de $\text{CM} = 1 + \frac{10}{100} = 1,10$.
 Montant TTC = Montant HT \times CM = $6500 \times 1,10 = \boxed{7\,150 \text{ euros}}$.

- (b) Il doit payer 40 % du montant TTC :
 $7\,150 \times \frac{40}{100} = \boxed{2\,860 \text{ euros}}$.

(c) **Méthode 1** : Il reste à payer : $7\,150 - 2\,860 = 4\,290$ euros. La moitié de ce reste est $\frac{4\,290}{2} = 2\,145$ euros.

Le pourcentage par rapport au TTC est $\frac{2\,145}{7\,150} = 0,3 = \boxed{30\%}$.

Méthode 2 : Il a payé 40 %, il reste 60 % à payer. La moitié du reste correspond donc à $\frac{60\%}{2} = \boxed{30\%}$.

(d) Le reste à payer après la pose correspond à la seconde moitié du montant restant, c'est-à-dire :

$$7\,150 - (2\,860 + 2\,145) = \boxed{2\,145 \text{ euros}}.$$

2. (a) Une baisse de 20 % correspond à un coefficient multiplicateur de $CM = 1 - 0,20 = 0,8$.

$$\text{Nouveau prix} = 699,99 \times 0,8 = 559,992 \approx \boxed{559,99 \text{ euros}}.$$

(b) Une baisse de 30 % suivie d'une baisse de 10 % : le coefficient multiplicateur global est le produit des coefficients multiplicateurs :

$$CM_{\text{global}} = (1 - 0,30) \times (1 - 0,10) = 0,7 \times 0,9 = \mathbf{0,63}.$$

Le taux d'évolution global est $t = 0,63 - 1 = -0,37 = -37\%$.

Le pourcentage de réduction total est de $\boxed{37\%}$.

(c) Le prix a baissé de 40 %, donc $CM = 1 - 0,40 = 0,6$.

On connaît le prix d'arrivée ($V_A = 63$). On cherche le prix de départ :

$$V_D = \frac{V_A}{CM} = \frac{63}{0,6} = \boxed{105 \text{ euros}}.$$

Exercice 3

5 points

1. (a) $5(x + 2) - 7(x - 1) > 7$

$$\iff 5x + 10 - 7x + 7 > 7$$

$$\iff -2x + 17 > 7$$

$$\iff -2x > 7 - 17$$

$$\iff -2x > -10$$

On divise par -2 qui est négatif, on change le sens de l'inégalité :

$$\iff x < \frac{-10}{-2} \iff x < 5 \implies \boxed{\mathcal{S} =] - \infty ; 5[}$$

(b) $16x + 2 \leq -6x + 10x - 3 + 23$

$$\iff 16x + 2 \leq 4x + 20$$

$$\Leftrightarrow 16x - 4x \leq 20 - 2$$

$$\Leftrightarrow 12x \leq 18 \Leftrightarrow x \leq \frac{18}{12} \Leftrightarrow x \leq \frac{3}{2} \Rightarrow \boxed{\mathcal{S} =]-\infty; \frac{3}{2}]}$$

(c) $\frac{4x+5}{8} \geq 18$

$$\Leftrightarrow 4x + 5 \geq 18 \times 8$$

$$\Leftrightarrow 4x + 5 \geq 144$$

$$\Leftrightarrow 4x \geq 139 \Leftrightarrow x \geq \frac{139}{4} \Rightarrow \boxed{\mathcal{S} = \left[\frac{139}{4}; +\infty \right[}$$

(d) $\frac{3}{21}x + \frac{8}{7}x - 31 > 18 + 2x$ (On remarque que $\frac{3}{21} = \frac{1}{7}$)

$$\Leftrightarrow \frac{1}{7}x + \frac{8}{7}x - 2x > 18 + 31$$

$$\Leftrightarrow \frac{9}{7}x - \frac{14}{7}x > 49$$

$$\Leftrightarrow -\frac{5}{7}x > 49 \Leftrightarrow x < 49 \times \left(-\frac{7}{5}\right) \Leftrightarrow x < -\frac{343}{5} \Rightarrow \boxed{\mathcal{S} =]-\infty; -68,6[}$$

2. (a) $f(x) = 10x + 3$. Racine : $10x + 3 = 0 \Leftrightarrow x = -\frac{3}{10}$. Le coefficient directeur $a = 10$ est positif.

x	$-\infty$	$-\frac{3}{10}$	$+\infty$
$10x + 3$		0	
		-	+

- (b) $g(x) = \frac{-1}{2}x + \frac{3}{4}$. Racine : $\frac{-1}{2}x + \frac{3}{4} = 0 \Leftrightarrow \frac{-1}{2}x = -\frac{3}{4} \Leftrightarrow x = \frac{3}{4} \times 2 = \frac{3}{2}$. Ici $a = -\frac{1}{2} < 0$.

x	$-\infty$	$\frac{3}{2}$	$+\infty$
$g(x)$		0	
		+	-

- (c) $h(x) = \frac{1}{3}x - \frac{1}{3}$. Racine : $\frac{1}{3}x = \frac{1}{3} \Leftrightarrow x = 1$. Ici $a = \frac{1}{3} > 0$.

x	$-\infty$	1	$+\infty$
$h(x)$		0	
		-	+

(d) $k(x) = -0,56x - 1,54$. Racine : $-0,56x - 1,54 = 0 \iff x = \frac{-1,54}{0,56} = -2,75$. Ici $a = -0,56 < 0$.

x	$-\infty$	$-2,75$	$+\infty$
$k(x)$	+	0	-

Exercice 4

4 points

Remarque : Il s'agit de lectures graphiques, les valeurs sont donc approchées et une marge d'erreur est tolérée par le correcteur.

1. $f(x) = 1$: On cherche les abscisses des points d'intersection de la courbe avec la droite horizontale $y = 1$.

$$\mathcal{S} \approx \{-4,3; 0; 4; 5\}$$

2. $f(x) = -3$: La courbe ne descend jamais jusqu'à $y = -3$ (le minimum est -2).

$$\mathcal{S} = \emptyset$$

3. $f(x) = 3$: La courbe atteint la hauteur $y = 3$ uniquement à l'extrémité gauche du tracé.

$$\mathcal{S} = \{-5\}$$

4. $f(x) < 1$: On cherche les intervalles où la courbe est strictement en-dessous de la droite $y = 1$.

$$\mathcal{S} \approx]-4,3; 0[\cup]0; 4[\quad (0 \text{ est exclu car } f(0) = 1)$$

5. $f(x) \geq -1$: On cherche les intervalles où la courbe est au-dessus ou sur la droite $y = -1$.

$$\mathcal{S} \approx [-5; -3,5] \cup [-2,5; 1,5] \cup [2,5; 5]$$

6. $f(x) \leq 2$: On cherche les intervalles où la courbe est en-dessous ou sur la droite $y = 2$. Le point le plus haut dépassant 2 est situé entre -5 et environ $-4,6$.

$$\mathcal{S} \approx [-4,6; 5]$$

7. $f(x) > -2$: La courbe admet des minimums en $y = -2$ pour $x = -3$ et $x = 2$. Partout ailleurs, elle est strictement au-dessus.

$$\mathcal{S} = [-5; 5] \setminus \{-3; 2\} = [-5; -3[\cup]-3; 2[\cup]2; 5]$$

Exercice 5
3 points

On a : $f(x) = 6,3x^2 - 2,5x \times 2x$. En simplifiant l'expression :

$$f(x) = 6,3x^2 - 5x^2 \iff \boxed{f(x) = 1,3x^2}$$

1. $f(-115) = 1,3 \times (-115)^2 = 1,3 \times 13\,225 = \boxed{17\,192,5}$

$$f(115) = 1,3 \times (115)^2 = 1,3 \times 13\,225 = \boxed{17\,192,5}$$

On constate que $f(-115) = f(115)$.

2. Pour tout $x \in \mathbb{R}$, le nombre $-x \in \mathbb{R}$.

Calculons $f(-x)$:

$$f(-x) = 1,3 \times (-x)^2 = 1,3 \times x^2 = f(x)$$

Puisque pour tout $x \in \mathbb{R}$, on a $f(-x) = f(x)$, **la fonction f est paire.**

3. *Lectures graphiques :*

(a) $f(x) = 0$: Le seul point de la courbe situé sur l'axe des abscisses est l'origine du repère.

$\boxed{\text{L'unique solution est } x = 0}$ (Soit $S = \{0\}$).

(b) Les antécédents de 5,2 sont les abscisses des points de la courbe ayant pour ordonnée 5,2.

En traçant la ligne horizontale $y = 5,2$, on lit les abscisses : $\boxed{x = -2 \text{ et } x = 2}$.

(c) Les antécédents de 2,5 se lisent en regardant l'intersection avec la droite $y = 2,5$.

On lit approximativement (arrondi à 0,1 près) : $\boxed{x \approx -1,4 \text{ et } x \approx 1,4}$.

(Vérification par le calcul : $1,3x^2 = 2,5 \iff x^2 \approx 1,92 \implies x \approx \pm 1,386$, ce qui confirme l'arrondi graphique à $\pm 1,4$).